

### Contrôle continu No. 2 (16 Novembre 2010 CORRECTION)

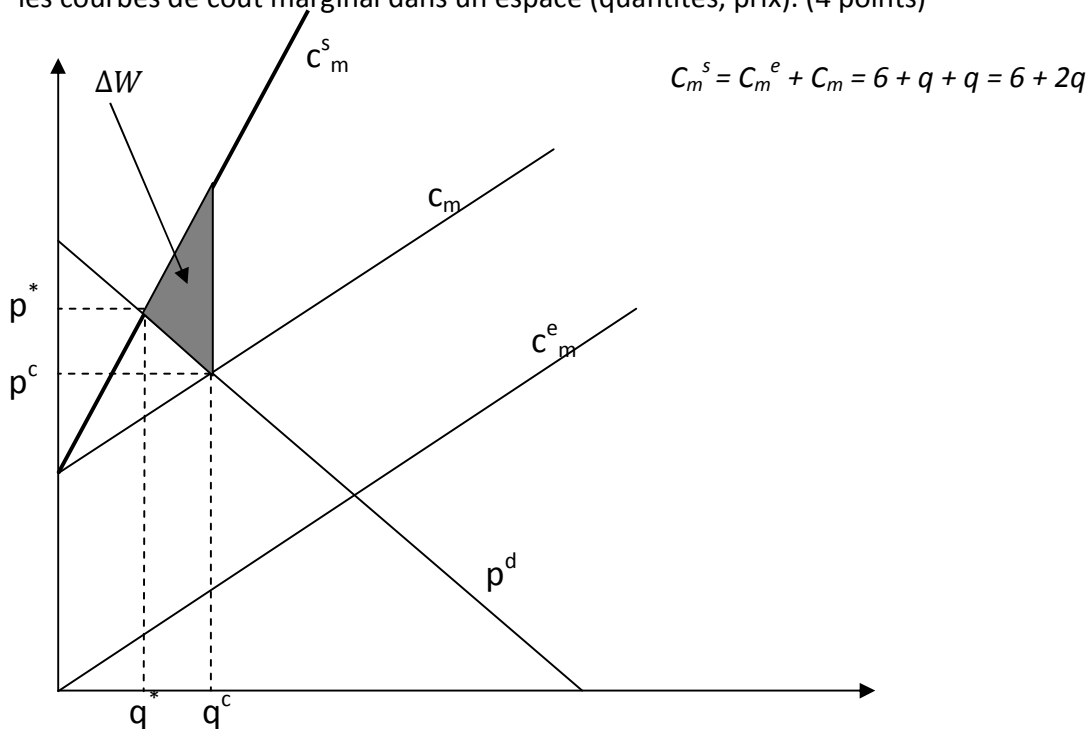
Documents interdits. Répondez directement sur le sujet-copie d'examen. Temps : 20 minutes.

Nom, Prénom : \_\_\_\_\_

#### Externalités de production

Une industrie concurrentielle émet une unité de pollution par unité de bien produite. La fonction de demande inverse pour ce bien est  $p^d(q) = 12 - q$  où  $q$  est la quantité demandée quand les consommateurs payent  $p^d$ . Le coût marginal privé de production du bien est  $c_m(q) = 6 + q$  et le coût marginal externe est  $c_m^e(q) = q$ . (Indication: la demande inverse peut être interprété comme le bénéfice marginal de la consommation du bien)

- 1) Donnez l'expression du coût marginal social  $c_m^s(q)$ . Représentez la courbe de demande inverse et les courbes de coût marginal dans un espace (quantités, prix). (4 points)



- 2) Calculez la valeur socialement optimale  $q^*$  de la production. Quel prix  $p^*$  les consommateurs devraient-ils payer pour que cette quantité soit échangée à l'équilibre concurrentiel ? (3 points)

$$C_m^s(q^*) = p^d(q^*) \text{ (valoration marginale (= } p^d(q^*) \text{)) égale au coût marginal social)}$$

$$6 + 2q^* = 12 - q^*$$

$$q^* = 2 \rightarrow p^* = 12 - 2 = 10$$

- 3) Calculez la valeur  $q^c$  à l'équilibre concurrentiel et comparez avec  $q^*$ . Justifiez votre réponse. (3 p.)

équilibre concurrentiel = prix égale au coût marginal !!!!

$$C_m(q^*) = p^d(q^*)$$

$$q^c = 3 > q^* = 2$$

En équilibre, les entreprises prennent pas en compte l'externalité et produisent plus qu'en optimum.

- 4) Calculez le prix  $p^c$  à l'équilibre concurrentiel.  
Représentez sur le graphique de la question 1) les valeurs  $q^*$ ,  $q^c$ ,  $p^*$  et  $p^c$ . (3 points)

$$p^c = 12 - 3 = 9 ; \text{ quatre points sur le graphique}$$

- 5) Donnez la valeur de la perte sociale  $\Delta W$  associée à la présence de l'externalité et représentez-la sur le graphique de la question 1). (4 points)

$\Delta W$  est la perte de bien-être si la production  $q$  est augmenté du niveau optimal ( $q^*$ ) au niveau en équilibre ( $q^c$ ). C'est donc l'aire entre les courbes du coût marginal social ( $c_m^s$ ) et la demande inverse (qui représente le bénéfice marginal)

$$\Delta W = \int_2^3 \{c_m^s(q) - p^d(q)\} dq = 1.5$$

- 6) Supposons que le gouvernement impose une taxe unitaire  $t$  par unité de pollution émise. Cette taxe est payée par les producteurs. Quelle valeur de  $t$  faudrait-il fixer pour que l'industrie soit incitée à produire la quantité socialement optimale à l'équilibre concurrentiel? (3 points)

Il faut qu'en équilibre concurrentiel que le prix soit égale au coût marginal de l'entreprise et la production au niveau socialement optimale  $q^*$ . Avec la taxe  $t$ , le coût marginal de l'entreprise c'est  $c_m(q^*) + t$ , donc il faut que  $c_m(q^*) + t = p^d(q^*)$ . Avec  $q^* = 2$ , on a  $6 + 2 + t = 12 - 2$  et on trouve pour la valeur optimale  $t^* = 2$

Plus facile : On peut directement prendre da définition de la taxe pigouvienne que la taxe doit être égale au dommage marginale (ici :  $c_m^e(q)$ ) évalué dans l'équilibre social (ici :  $q^*$ ) :

$$t^* = c_m^e(q^*) = q^* = 2$$